

## Stichprobenverteilung (Kapitel 9)

### Grundbegriffe:

$N$	Grundgesamtheit
$n$	Stichprobe
$P(x)$	Wahrscheinlichkeit für das Eintreten des Ereignisses $x$
$E(x)=\mu$	Erwartungswert der Grundgesamtheit
$Var(x)=\sigma^2$	Varianz der Grundgesamtheit
$E(\bar{x})=\mu_{\bar{x}}$	Erwartungswert des Durchschnittswertes der Stichprobe
$Var(\bar{x})=\sigma_{\bar{x}}^2$	Varianz des Durchschnittswertes der Stichprobe
$x_u$	untere Grenze
$x_o$	obere Grenze
$F_N$	Wert aus der Normalverteilungstabelle

**Formelsammlung:** S. 55, 57, 68

### Übungsaufgaben:

- (1) Eine bestimmte Reifensorte hat eine durchschnittliche Laufzeit von 48000 km, bei einer Streuung von 3600 km. Aus der laufenden Produktion werden 64 Reifen entnommen.

Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass diese Reifen eine durchschnittliche Laufleistung von weniger als 47100 km aufweisen?

#### Gegeben:

$\mu=48000$	Erwartungswert
$\sigma=3600$	Streuung
$n=64$	Stichprobe

#### Gesucht:

$$P(0 \leq \bar{x} \leq 47100) = ?$$

#### Lösung:

*Tutorium Grundlagen der Statistik (Sven Eichhorn)*  
*- Vorlesung 10 -*

$$E(\bar{x}) = \mu_{\bar{x}} = \mu \quad \text{FS S.57 Erwartungswert}$$

$$E(\bar{x}) = \mu_{\bar{x}} = 48000$$

$$\text{Var}(\bar{x}) = \sigma_{\bar{x}}^2 = \frac{\sigma^2}{n} \quad \text{FS S.57 Varianz}$$

$$\text{Var}(\bar{x}) = \sigma_{\bar{x}}^2 = \frac{3600^2}{64}$$

$$\text{Var}(\bar{x}) = \sigma_{\bar{x}}^2 = 202500$$

$$\sigma_{\bar{x}} = \sqrt{\sigma_{\bar{x}}^2} = 450$$

$$P(x = x) = F_N\left(\frac{(x_o - \mu)}{\sigma}\right) - F_N\left(\frac{(x_u - \mu)}{\sigma}\right) \quad \text{FS S.55 Normalverteilung}$$

$$P(0 \leq \bar{x} \leq 47100) = F_N\left(\frac{(47100 - 48000)}{450}\right) - F_N\left(\frac{(0 - 48000)}{450}\right)$$

$$P(0 \leq \bar{x} \leq 47100) = F_N(-2) - F_N(-106,67)$$

$$P(0 \leq \bar{x} \leq 47100) = 1 - F_N(2) - [1 - F_N(106,67)] \quad \text{FS S.55 } F_N \text{ einer negativen Zahl}$$

$$P(0 \leq \bar{x} \leq 47100) = 1 - 0,9772 - [1 - 1] \quad \text{FS S.68 Normalverteilungstabelle}$$

$$P(0 \leq \bar{x} \leq 47100) = 0,0228$$

$$P(0 \leq \bar{x} \leq 47100) = 2,28 \%$$

- (2) Die von einem Unternehmen hergestellten Glühlampen haben eine durchschnittliche Lebensdauer von 800h  $\diamond$  40h.

Wie groß ist die Wahrscheinlichkeit, dass eine aus der Produktion von 16 entnommenen Glühlampen eine Durchschnittsbrenndauer von weniger als 775 Stunden aufweist?

$$P(0 \leq \bar{x} \leq 775) = 0,624 \%$$

- (3) Weitere Übungsaufgaben:

Weitere Übungsaufgaben zu diesem Kapitel sind erhältlich im „share“-Ordner der Fakultät Wirtschaft im Unterordner „Statistik“.

Mit Blick auf die Klausur wäre es hilfreich die Aufgaben der ausgegebenen Klausuren zu üben. Hier dürfte auffallen, dass dieses Kapitel nur in einer Prüfung ein Rolle spielt. Nichtsdestotrotz sollte man wissen, wie sich ein solches Problem lösen lässt.